

673

Министерство общего и профессионального  
образования Российской Федерации

Воронежская государственная архитектурно-  
строительная академия

Кафедра строительной механики



СПЕЦИАЛЬНОСТЬ  
“АРХИТЕКТУРА”

**РАСЧЕТ СТАТИЧЕСКИ ОПРЕДЕЛИМОЙ  
РАМЫ С ВЫЧИСЛЕНИЕМ ПЕРЕМЕЩЕНИЙ**

Методические указания  
для выполнения расчетной работы по строительной механике  
для студентов третьего курса специальности 290100 "Архитектура"  
дневной формы обучения

**Воронеж 1999**

**Расчет статически определимой рамы  
с вычислением перемещений.**

Методические указания  
для выполнения расчетной работы по строительной механике  
для студентов третьего курса специальности 290100 "Архитектура"  
дневной формы обучения

Составители: к.т.н. Сергей Юрьевич Гриднев  
д.ф.-м.н. Михаил Николаевич Кирсанов

Редактор Аграновская Н.Н.

Подписано в печать 28.03.99 Формат 60x84 1/16. Уч.-изд.л. 1,2  
Усл.печ.л. 1,3 Бумага для множительных аппаратов. Тираж 100 экз.  
Заказ № 100

Отпечатано на ротапринтере Воронежской государственной архитектурно-  
строительной академии.

394680, Воронеж, ул.20-летия Октября, 84

**ВВЕДЕНИЕ**

Составители С.Ю. Гриднев, М.Н. Кирсанов  
УДК 624.071.3

Расчет статически определимой рамы с вычислением перемещений: Методические указания и контрольные задания по строительной механике для студентов архитектурного факультета / Воронеж. гос. арх. - строит. акад. Сост.: С.Ю. Гриднев, М.Н. Кирсанов. - Воронеж: 1999. - 20 с.

Приводятся условия выполнения и описание индивидуальных заданий на расчетно-графическую работу по курсу строительной механики. Даются примеры выполнения заданий. Описывается программа для ЭВМ, работающая в режиме контроля.

Табл.5. Ил.9. Библиогр.: 4 назв.

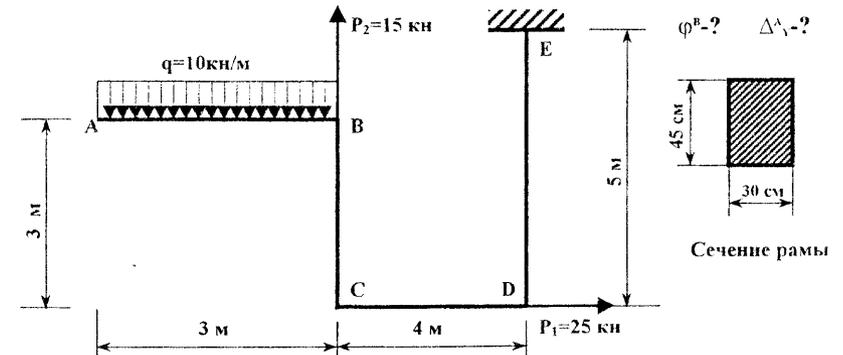
Печатается по рекомендации редакционно-издательского совета Воронежской государственной архитектурно-строительной академии

Рецензент - Коробкин В.Д., к.т.н., зав.каф. теоретической механики

Возводимое сооружение должно быть жестким, т.е. в нем не допустимы перемещения, нарушающие нормальную эксплуатацию сооружения. Поэтому очень важно для проектировщика определять перемещения сооружений, находящихся под внешней нагрузкой, на стадии принятия архитектурно-планировочного решения. При недопустимых перемещениях проектировщик вынужден корректировать объемно-пространственную композицию, что может существенно изменить первоначальный образ сооружения. Знание основ расчета, изложенных в методических указаниях, помогут будущим зодчим рационально сочетать в проектируемых сооружениях прочность с пользой и красотой.

**1. ЗАДАНИЕ НА ВЫПОЛНЕНИЕ РАСЧЕТНОЙ РАБОТЫ**

В задании рассматривается статически определимая рама, которая находится под действием системы распределенных и сосредоточенных нагрузок. Выбор индивидуального варианта задания производится по индивидуальному шифру, состоящему из четырех цифр по табл. 1-5. Например, студент Гусев И.П. в соответствии с шифром 4995 из табл. 2, принимает к расчету раму, показанную на рис. 1



**Рис. 1**

Таблица 1

Геометрическая схема рамы  
(первая цифра шифра или первая буква фамилии)

|                |                |
|----------------|----------------|
| <p>① А,К,Ф</p> | <p>② Е,П,Щ</p> |
| <p>② Б,Л,Х</p> | <p>③ И,Р,Э</p> |
| <p>④ Г,М,Ч</p> | <p>⑤ З,С,Ю</p> |
| <p>⑥ Г,Н,Ч</p> | <p>⑦ Ж,Т,Я</p> |
| <p>⑧ Д,О,Ш</p> | <p>⑨ З,У</p>   |

Таблица 2

Определение индивидуального шифра студента

| Буква | Цифра | Буква | Цифра | Буква | Цифра | Буква | Цифра |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| А     | 1     | З     | 8     | П     | 5     | Ц     | 2     |
| Б     | 2     | И     | 9     | Р     | 6     | Ч     | 3     |
| В     | 3     | К     | 0     | С     | 7     | Ш     | 4     |
| Г     | 4     | Л     | 1     | Т     | 8     | Щ     | 5     |
| Д     | 5     | М     | 2     | У     | 9     | Э     | 6     |
| Е     | 6     | Н     | 3     | Ф     | 0     | Ю     | 7     |
| Ж     | 7     | О     | 4     | Х     | 1     | Я     | 8     |

Таблица 3

Тип опор, место определения перемещений,  
размер сечения рамы.

| Вторая цифра шифра | Неподвижная опора | Заделка | Промежуточная опора | Место определения |                |              | Размер сечения, см |    |
|--------------------|-------------------|---------|---------------------|-------------------|----------------|--------------|--------------------|----|
|                    |                   |         |                     | $\Phi$            | $\Delta_{гор}$ | $\Delta_{в}$ | В                  | Н  |
| 0                  | А,Е               | —       | В                   | С                 | Д              | —            | 30                 | 40 |
| 1                  | А,Е               | —       | С                   | В                 | —              | Д            | 25                 | 45 |
| 2                  | А,Е               | —       | Д                   | В                 | —              | С            | 35                 | 40 |
| 3                  | —                 | А       | —                   | Е                 | —              | Д            | 25                 | 40 |
| 4                  | —                 | Е       | —                   | А                 | —              | В            | 20                 | 40 |
| 5                  | А,Е               | —       | В                   | Д                 | —              | С            | 20                 | 35 |
| 6                  | А,Е               | —       | С                   | Д                 | Д              | —            | 20                 | 45 |
| 7                  | А,Е               | —       | Д                   | С                 | В              | —            | 20                 | 30 |
| 8                  | —                 | А       | —                   | Д                 | —              | Е            | 25                 | 30 |
| 9                  | —                 | Е       | —                   | В                 | —              | А            | 30                 | 45 |

Примечание:  $\Phi$ -угол поворота,  $\Delta_{гор}$ -горизонтальное смещение,  
 $\Delta_{в}$ - вертикальное смещение.

Место приложения нагрузки

Таблица 4

| Третья шифра шифра | Распределенная нагрузка   | Сосредоточенная нагрузка  |   |
|--------------------|---|---|---|
|                    | $q$  | $P_1$  | $P_2$  |
| 0                  | AB  | C   | D   |
| 1                  | AB  | D   | C   |
| 2                  | DE  | E   | C   |
| 3                  | BC  | B   | A   |
| 4                  | BC  | C   | E   |
| 5                  | CD  | D   | E   |
| 6                  | CD  | A   | C   |
| 7                  | DE  | C   | B   |
| 8                  | DE  | D   | C   |
| 9                  | AB  | D   | B   |

Примечание: Распределенная нагрузка на горизонтальных участках действует вниз, на вертикальных- влево.

Таблица 5

Размеры рамы и численные значения нагрузок

| Последняя шифра шифра | Длины участков, м |    |    |    | Значения нагрузок |            |            |
|-----------------------|-------------------|----|----|----|-------------------|------------|------------|
|                       | AB                | BC | CD | DE | $q$ , кн/м        | $P_1$ , кн | $P_2$ , кн |
| 0                     | 3                 | 5  | 4  | 4  | 15                | 25         | 40         |
| 1                     | 4                 | 3  | 3  | 5  | 11                | 15         | 30         |
| 2                     | 4                 | 5  | 3  | 3  | 12                | 30         | 20         |
| 3                     | 4                 | 4  | 3  | 5  | 13                | 25         | 30         |
| 4                     | 3                 | 4  | 4  | 5  | 14                | 40         | 20         |
| 5                     | 3                 | 3  | 4  | 5  | 10                | 25         | 15         |
| 6                     | 5                 | 5  | 3  | 4  | 16                | 20         | 50         |
| 7                     | 3                 | 4  | 5  | 5  | 17                | 35         | 40         |
| 8                     | 4                 | 5  | 5  | 3  | 18                | 30         | 40         |
| 9                     | 3                 | 3  | 5  | 4  | 19                | 45         | 30         |

## Требуется :

- Вычертить схему рамы с нагрузкой ;
- Рассчитать раму на действие заданной нагрузки (построить эпюры  $M$ ,  $Q$  и  $N$  от заданной нагрузки) :
  - определить опорные реакции и выполнить их проверку;
  - составить аналитические выражения  $M$ ,  $Q$  и  $N$  для каждого участка рамы с необходимыми для их составления схемами и обозначениями, вычислением характерных значений  $M$ ,  $Q$ ,  $N$ ;
  - построить эпюры  $M$ ,  $Q$  и  $N$ ;
  - проверить правильность построения эпюр.
- Вычислить горизонтальное или вертикальное и угловое перемещения заданных узлов от заданной нагрузки :
  - вычертить раму в  $i$ -ом вспомогательном состоянии ;
  - определить составляющие реакций опор в этом состоянии (показать их на схеме) ;
  - построить эпюры  $\bar{m}_i$  и  $\bar{n}_i$  для вспомогательного состояния с необходимыми схемами и расчетами ;
  - вычислить момент инерции и изгибную жесткость поперечного сечения ;
  - вычислить перемещение  $\Delta_i$  ;
- Для проверки вычислить перемещения на ЭВМ.

**2. ПОРЯДОК ВЫПОЛНЕНИЯ РАБОТЫ**

Расчет статически определимой рамы начинают с определения реакций опор.

Для неподвижной защемляющей опоры (например А) определяют три составляющие реакции опоры : вертикальную  $V_A$ , горизонтальную  $H_A$  и момент реактивной пары  $M_A$ . Для шарнирно- неподвижной и шарнирно-подвижной определяют две или одну составляющие соответственно.

Составляющие реакций следует по возможности определять независимо друг от друга, выбирая подходящий вариант уравнений равновесия. Найденные значения проверяются подстановкой в дополнительные уравнения равновесия.

**2.1 ОПРЕДЕЛЕНИЕ  $M$ ,  $Q$ ,  $N$** 

После определения реакций в статически определимой раме можно

вычислять внутренние усилия в любом сечении независимо друг от друга, а при построении эпюр рассматривать участки рамы в любой последовательности. Границами участков являются узлы рамы, точки приложения внеузловых сосредоточенных нагрузок, границы зон размещения распределенных нагрузок.

Положение сечения внутри участка определяется в местной системе координат: координата отсчитывается от любого узла или от границы участка вдоль оси стержня (или по горизонтали, или по вертикали) до сечения, точнее - до центра тяжести этого сечения.

Каждое сечение расчленяет раму на две части; одна из частей (любая) считается "рассматриваемой", другая - "отброшенной" (изображается пунктиром).

Напомним, что  $M$ ,  $Q$ ,  $N$  по определению представляют действие отброшенной части на рассматриваемую, осуществляемое через распределенные в сечении внутренние силы;  $M$  является главным моментом этих сил (относительно центра тяжести сечения), а  $Q$  и  $N$  - составляющими главного вектора тех же сил по нормали к оси стержня и по касательной к ней соответственно.

Определение  $M$ ,  $Q$ ,  $N$  непосредственно по распределенным в сечении внутренним силам, т.е. по напряжениям  $\sigma$  и  $\tau$ , невозможно (они пока неизвестны). Поэтому  $M$ ,  $Q$ ,  $N$  определяют, либо используя условия равновесия рассматриваемой части, либо приводя к торцу рассматриваемой части внешние силы, приложенные к отброшенной части (их главный момент и главный вектор такой же, как и у внутренних сил, приложенных к рассматриваемой части).

Ниже на примерах подробно рассмотрен второй способ определения  $M$ ,  $Q$ ,  $N$ .

Рациональнее принимать за отброшенную ту часть, к которой приложено меньше сил.

## 2.2 ПРАВИЛО ЗНАКОВ

Продольная сила  $N > 0$ , если вектор  $N$  направлен от торца рассматриваемой части, т.е. при растяжении (рис.2,а); Поперечная сила  $Q > 0$ , если вектор  $Q$  вращает прилегающий бесконечно малый элемент рассматриваемой части по ходу часовой стрелки (рис.2,б);  $M$  знак не присваивается.

Изгибающий момент  $M$  принимают направленным по часовой стрелке, тем самым предполагая растянутыми те или иные волокна, например на рис. 2,в верхние, на рис. 2,г правые.

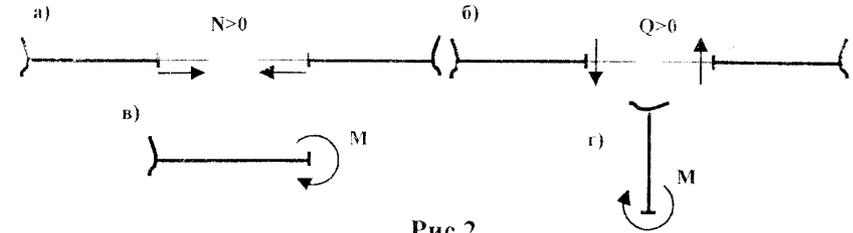


Рис 2

## 2.3. ВЫВОД ВЫРАЖЕНИЙ $M(x)$ , $Q(x)$ , $N(x)$ И ПОСТРОЕНИЕ ЭПЮР

Рекомендуется для каждого участка составить наглядную схему, изобразив на ней по-разному рассматриваемую и отброшенную части рамы. На торце рассматриваемой части показывают пару  $M$ , направленную по часовой стрелке, векторы  $Q$  и  $N$  - в установленных для них положительных направлениях ("ориентиры для знаков").

Показывают приложенные к соответствующим точкам отброшенной части внешние силы (включая составляющие реакции опор). После приведения их к центру тяжести сечения получаем аналитические выражения  $M(x)$ ,  $Q(x)$ ,  $N(x)$ , в которых знаки устанавливаются путем сопоставления направлений приведенных сил и присоединенных пар с направлениями "ориентиров".

Для построения эпюр по выражениям  $M(x)$ ,  $Q(x)$ ,  $N(x)$  следует вычислить: значения ординат - два на линейных и три на параболических участках эпюры, а также стрелки параболических участков (см. пример расчета); координаты сечений, где  $M$ ,  $Q$ ,  $N$  равны нулю; значения  $M_{\max}$  и  $M_{\min}$  (в сечениях, где  $Q(x)=0$ ).

На эпюре  $M$  знак "+" показывает, что предположение о том, какие волокна растянуты, подтвердилось и наоборот. Ординаты  $M$  откладываются со стороны растянутого волокна, поэтому знак на эпюре проставлять не нужно. На эпюре  $Q$  и  $N$  ординаты можно откладывать в любую сторону, знаки проставлять обязательно. Для лучшей читаемости этих эпюр по возможности не допускается их перекрытия.

## 2.4. ПРОВЕРКА ЭПЮР $M$ , $Q$ , $N$

Для проверки составляются уравнения равновесия узлов и стержней. Выделенный узел или стержень отсекается от прилегающих элементов сечениями, бесконечно близкими к геометрическому центру узла. В сечениях должны быть приложены силы и пары соответственно ординатам построенных эпюр; направления сил принимаются со знаками ординат  $Q$  и  $N$  на эпюрах, направления пар - в соответствии с расположением

ординат  $M$  относительно оси стержня, указывающей на положение растянутого волокна (см. правило знаков). Узловая нагрузка учитывается в условиях равновесия узлов, внеузловая - в условиях равновесия стержней.

Для каждого узла составляется три уравнения равновесия; для нагруженного стержня - три, для стержня с внеузловой нагрузкой - четыре (см. пример расчета). Допускаются невязки, объяснимые округлением тригонометрических функций и ординат.

## 2.5. ОПРЕДЕЛЕНИЕ ПЕРЕМЕЩЕНИЙ

### 2.5.1. Вспомогательные состояния

Для определения перемещения  $\Delta_i$  ( $i=1,2$  - порядковый номер определяемого перемещения) от нагрузки необходимо рассмотреть  $i$ -тое вспомогательное состояние системы. Для этого в той точке или в том сечении системы, где определяется перемещение  $\Delta_i$ , надо приложить  $i$ -ую воображаемую единичную нагрузку. В зависимости от вида определяемого перемещения (вертикальное, горизонтальное, поворот сечения) назначается структура воображаемой нагрузки. Параметр силы пары в любом случае равен безразмерной единице.

Вычисленные от  $i$ -ой воображаемой единичной нагрузки составляющие реакции опорных связей  $r_{ji}$  ( $j$  - порядковый номер опорной связи), изгибающие моменты  $m_i(x)$  и продольные силы  $n_i(x)$  входят затем в формулы (1), (2) (см. ниже) для действительного перемещения  $\Delta_i$ . Порядок определения  $r_{ji}$ ,  $m_i(x)$ , опорных связей  $R_j$ , изгибающих моментов  $M(x)$  и продольных сил  $N(x)$  от действующей нагрузки. Однако так как действующая нагрузка размерная, а единичная безразмерная, размерности  $r_{ji}$ ,  $m_i(x)$  другие, чем у  $R_j$ ,  $M(x)$  и  $N(x)$ ; в работе их следует указать.

### 2.5.2. Расчетные формулы

Перемещения от нагрузки определяются по формуле Мора:

$$\Delta_i = \sum \int \frac{m_i M}{EJ} ds + \sum \int \frac{n_i N}{EA} ds. \quad (1)$$

Здесь  $i=1,2,3$  номер вычисляемого перемещения. Функции  $m_i(x)$ ,  $n_i(x)$  определены выше расчетом  $i$ -го вспомогательного состояния; функции  $M(x)$ ,  $N(x)$  определены расчетом на действующую нагрузку. Результаты интегрирования суммируются по всем стержням системы.

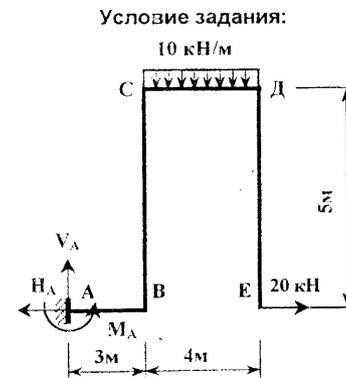
Жесткости стержней (изгибная  $EJ$  и продольная  $EA$ ) в условиях задания постоянны и выносятся за знаки интегрирования и суммирования. Второе слагаемое формулы (1) обычно опускается из-за его относительной малости (убедиться расчетом).

### 2.5.3. Техника интегрирования

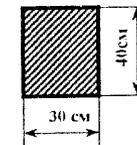
В работе вычисление интегралов выполняется по правилу Верещагина (ПВ) с использованием уже построенных эпюр  $m_i(x)$ ,  $M(x)$  и других. Эпюры сложного очертания разбиваются на простые фигуры (прямоугольники, треугольники, параболические сегменты), для которых известны площади и положение центра тяжести (ц.т.). Согласно ПВ площадь эпюры  $M$  (эта эпюра может быть линейной или нелинейной) или площадь каждой выделенной в ней фигуры  $\Omega_M$  надо умножить на ординату эпюры  $m_i$  (эта эпюра в условиях задания всегда линейна), определенную под центром тяжести эпюры  $M$  или под ц.т. фигуры  $\Omega_M$ , результаты затем суммируются.

Если эпюры обеих перемножаемых функций линейны, можно умножить площадь фигуры  $\Omega$ , выделенную в любой эпюре, на ординату другой эпюры, определенную под центром тяжести фигуры  $\Omega$ . Вычисления по ПВ записывают в форме таблицы или в развернутом виде (см. пример расчета).

## 3. ПРИМЕР ВЫПОЛНЕНИЯ ЗАДАНИЯ



Найти смещение  $\Delta_x$  и угол поворота  $\varphi_c$ ,  $E=3 \times 10^4$  Мпа



Сечение рамы

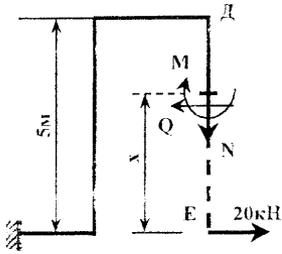
### 3.1 Построение эпюр M, Q, N

Определяем опорные реакции:

$$\sum X=0; 20-H_A=0; H_A=20 \text{ кН.}$$

$$\sum Y=0; V_A-10 \times 4=0; V_A=40 \text{ кН.}$$

$$\sum M_A=0; -M_A+10 \times 4=0; M_A=200 \text{ кН.}$$



#### Участок ДЕ (0 ≤ x ≤ 5)

Предполагаем, что растянуты правые волокна стержня ЕД

$M = -20x$ , знак "-" показывает, что растянуты левые волокна

$$x=0, M(0)=0;$$

$$x=5, M(5)=20 \times 5=100 \text{ кНм;}$$

$$Q = -20 \text{ кН; } N = 0.$$

#### Участок СД (0 ≤ x ≤ 4)

$$M = -q \frac{x^2}{2} - 20 \times x;$$

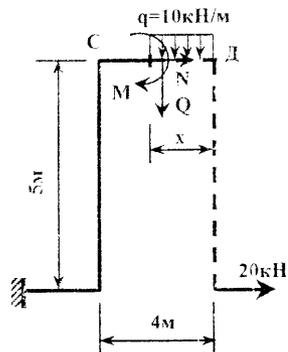
$$x=0, M(0) = -20 \times 5 = 100 \text{ кНм;}$$

$$x=4, M(4) = -10 \times \frac{16}{2} + 100 = -20 \text{ кНм;}$$

$$Q = qx;$$

$$x=0, Q(0)=0;$$

$$x=4, Q(4)=10 \times 4=40 \text{ кН; } N=20 \text{ кН.}$$



#### Участок СВ (0 ≤ x ≤ 5)

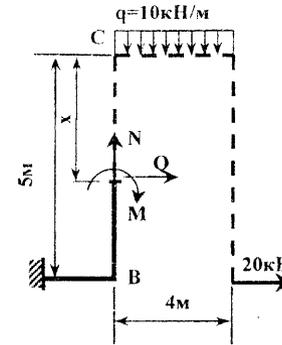
$$M = -q \frac{16}{2} + 20 \times (5 - x);$$

$$x=0, M(0) = -80 + 100 = 20 \text{ кН;}$$

$$x=5, M(5) = -80 \text{ кН;}$$

$$Q = 20 \text{ кН;}$$

$$N = -q \times 4 = -40 \text{ кН.}$$



#### Участок АВ (0 ≤ x ≤ 3)

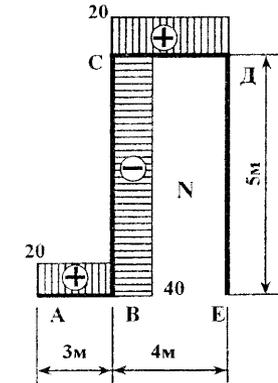
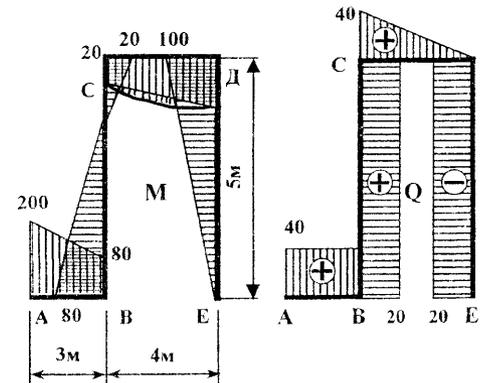
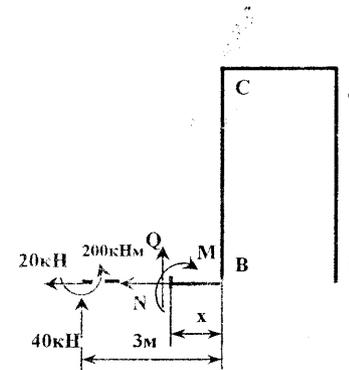
$$M = -200 + 40 \times (3 - x);$$

$$M(0) = -200 + 120 = -80 \text{ кНм;}$$

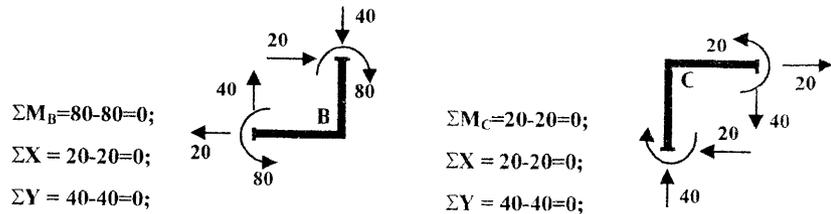
$$M(3) = -200 \text{ кНм;}$$

$$Q = 40 \text{ кН;}$$

$$N = 20 \text{ кН.}$$

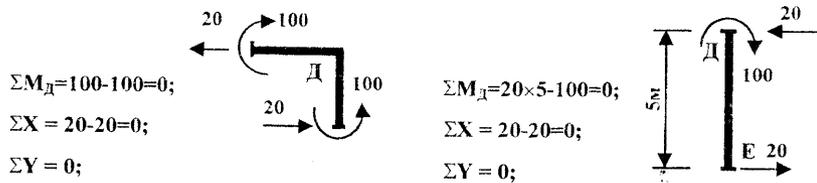


3.2 ПРОВЕРКА РАВНОВЕСИЯ УЗЛОВ И СТЕРЖНЕЙ



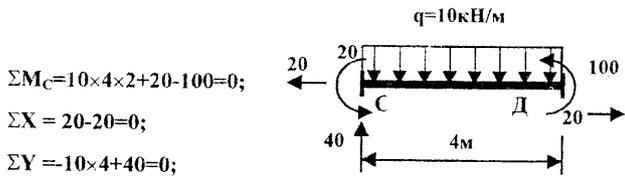
$\Sigma M_B = 80 - 80 = 0;$   
 $\Sigma X = 20 - 20 = 0;$   
 $\Sigma Y = 40 - 40 = 0;$

$\Sigma M_C = 20 - 20 = 0;$   
 $\Sigma X = 20 - 20 = 0;$   
 $\Sigma Y = 40 - 40 = 0;$

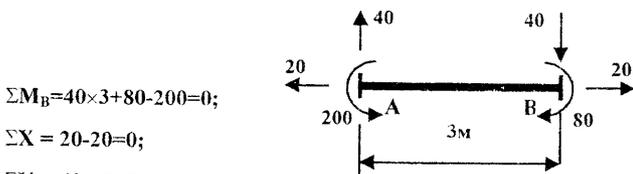


$\Sigma M_D = 100 - 100 = 0;$   
 $\Sigma X = 20 - 20 = 0;$   
 $\Sigma Y = 0;$

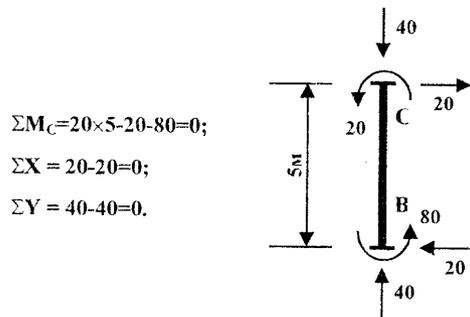
$\Sigma M_E = 20 \times 5 - 100 = 0;$   
 $\Sigma X = 20 - 20 = 0;$   
 $\Sigma Y = 0;$



$\Sigma M_C = 10 \times 4 \times 2 + 20 - 100 = 0;$   
 $\Sigma X = 20 - 20 = 0;$   
 $\Sigma Y = -10 \times 4 + 40 = 0;$



$\Sigma M_B = 40 \times 3 + 80 - 200 = 0;$   
 $\Sigma X = 20 - 20 = 0;$   
 $\Sigma Y = 40 - 40 = 0;$



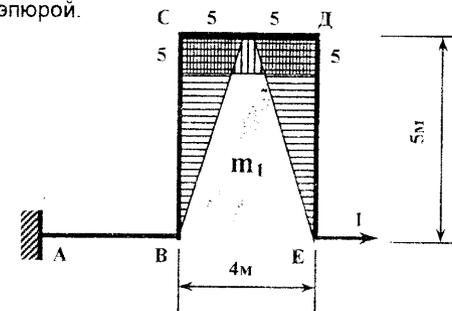
$\Sigma M_C = 20 \times 5 - 20 - 80 = 0;$   
 $\Sigma X = 20 - 20 = 0;$   
 $\Sigma Y = 40 - 40 = 0.$

3.3 ОПРЕДЕЛЕНИЕ ПЕРЕМЕЩЕНИЙ ТОЧКИ E

Перемещение  $\Delta_x$  будем находить по формуле Мора:

$$\Delta_1 = \Delta_E^{TOP} = \frac{1}{EI} \sum_{K=1}^4 \int M m_1 dS$$

Строим эпюру  $m_1$  от единичной силы, приложенной горизонтально к точке E. Здесь и в дальнейшем единичное состояние совмещено с единичной эпюрой.



Значение интеграла  $\int M m_1 ds$  найдем по правилу Верещагина:

$$\Delta_x^E = \frac{1}{EI} \left\{ \frac{1}{2} \times 5 \times 100 \times \frac{2}{3} \times 5 + \left( \frac{2}{3} \times 20 \times 4 + \frac{20+100}{2} \times 4 \right) \times 5 + \frac{1}{2} \times 20 \times 5 \times \frac{2}{3} \times 5 - \frac{1}{2} \times 80 \times 5 \times \frac{1}{3} \right\} = \frac{2133.3}{EI}$$

Найдем момент инерции сечения:

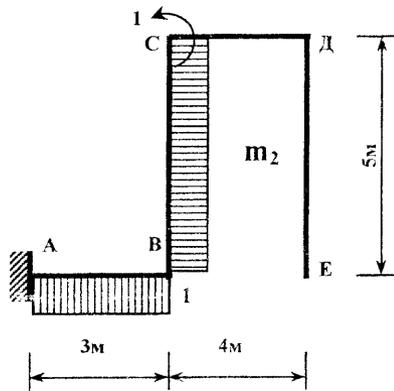
$$I = \frac{bh^3}{12} = \frac{30 \times 40^3}{12} = 16 \times 10^4 \text{ см}^4 = 1.6 \times 10^{-3} \text{ м}^4,$$

$$EI = 3 \times 10^4 \times 10^6 \times 1.6 \times 10^{-3} = 4.8 \times 10^4 \text{ кНм}^2,$$

$$\Delta_1 = \Delta_E^{TOP} = \frac{2133.3}{4.8 \times 10^4} = 0.044 \text{ м} = 4.4 \text{ см}$$

Под действием внешних сил точка E переместится по горизонтали на 4.4 см вправо.

Аналогично для нахождения угла поворота сечения рамы в точке C построим эпюру от действия единичного момента, приложенного к раме в точке C.



$$\varphi_C = \frac{1}{EI} \sum_{k=1}^2 \int M m_2 ds,$$

$$\varphi_C = \frac{1}{EI} \left\{ \frac{200+80}{2} \times 3 \times (-1) + \right.$$

$$\left. + 5 \times (-1) \times \frac{80-20}{2} \right\} =$$

$$= \frac{-570}{4.8 \times 10^4} = -0.0119,$$

$$\varphi_c = -0.019 \times \frac{180^\circ}{\pi} = -0.68^\circ$$

Под действием приложенных нагрузок сечение рамы в точке С поворачивается по часовой стрелке на  $0.68^\circ$ .

#### 4. ИНСТРУКЦИЯ К ПРОГРАММЕ РАСЧЕТА ПЕРЕМЕЩЕНИЙ ОТ ЗАДАННОЙ НАГРУЗКИ НА ЭВМ

Расчет перемещений статически определимой рамы на ЭВМ выполняется по программе RAMA\_ISK. Старт программы осуществляется наведением курсора на строку "Определение перемещений статически определимой рамы" в меню пользователя <F2> с последующим нажатием клавиши <Enter>. После старта программа работает в диалоговом режиме. Ниже приводится протокол диалога для примера из раздела 3.

Нужна ли инструкция (Y/N)?

Y

Выводить результаты на печать (Y/N)?

Y

Введите фамилию и группу

Гусев\_128

Укажите режим ввода данных

0-диалог

1-ввод с диска

0

Введите число участков и количество перемещений

4,2

Введите LX,LY,QX,QY,EI

Участок 1: 3 0 0 0 1

Участок 2: 0 5 0 0 1

Участок 3: 4 0 10 0 1

Участок 4: 0 5 0 0 1

Есть ошибки (Y/N)?

N

Введите эпюру M:

В начале участка 1: -200

В конце участка 1: -80

В начале участка 2: -80

В конце участка 2: 20

В начале участка 3: 20

В конце участка 3: 100

В начале участка 4: 100

В конце участка 4: 0

Введите эпюру m1:

В начале участка 1: 0

В конце участка 1: 0

В начале участка 2: 0

В конце участка 2: 5

В начале участка 3: 5

В конце участка 3: 5

В начале участка 4: 5

В конце участка 4: 0

Введите эпюру m2:

В начале участка 1: 1

В конце участка 1: 1

В начале участка 2: 1

В конце участка 2: 1

В начале участка 3: 0

В конце участка 3: 0

В начале участка 4: 0

В конце участка 4: 0

Печатать результаты (Y/N)?

Y

## Распечатка инструкции к программе определения перемещений

Программа определяет перемещения по формуле Мора с помощью перемножения эпюр изгибающих моментов по правилу Верещагина.

Исходные данные:

- 1) Число участков рамы.
- 2) Количество искомым перемещений.
- 3) Горизонтальная (LX) и вертикальная (LY) проекция каждого участка.
- 4) Горизонтальная (QX) и вертикальная (QY) проекция составляющие нагрузки на каждый участок.

Правило знаков :

- ординаты на эпюрах M и  $m_i$  вводятся со знаком "+", если они отложены со стороны внутренних волокон.
- QX и QY вводятся со знаком "+", если они направлены от внешних к внутренним волокнам.

- 5) EI- относительная жесткость каждого участка.
- 6) Ординаты эпюры M в начале и конце каждого участка.
- 7) Ординаты эпюр  $m_i$  в начале и конце каждого участка.

Пример результатов расчета на ЭВМ:

| N | LX | LY | QX | QY | EI  | M           | $m_1$ | $m_2$ |
|---|----|----|----|----|-----|-------------|-------|-------|
| 1 | 3  | 0  | 0  | 0  | 1.0 | -200<br>-80 | 0     | 1     |
| 2 | 0  | 5  | 0  | 0  | 1.0 | -80<br>20   | 0     | 1     |
| 3 | 4  | 0  | 0  | 10 | 1.0 | 20<br>100   | 5     | 0     |
| 4 | 0  | 5  | 0  | 0  | 1.0 | 100<br>0    | 5     | 0     |

Перемещение №1=0.444E-01  
 Перемещение №2=-0.119E-01  
 Выполнил Иванов И.И.

## БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

1. Смирнов В.А. ,Иванов С.А. ,Тихонов. Стойтельная механика. –М.: Стройиздат, 1984. – 208 с.
2. Снитко Н.К. Стойтельная механика. –М.: Высшая школа, 1968.- 535 с.
3. Расчет статически определимой рамы: Методические указания и контрольные задания по строительной механике / Воронеж. гос. арх.-строит. академия; Сост.: М.Н. Кирсанов.- Воронеж, 1987. – 19с.
4. Расчет статически определимой рамы с вычислением перемещений: Методические указания для выполнения расчетной работы по курсу "Строительная механика" для студентов строительных специальностей дневной и заочной форм обучения / Воронеж. гос. арх.-строит. академия; Сост.: С.Ю. Гриднев.- Воронеж, 1997. – 30с.

## ОГЛАВЛЕНИЕ

|  |    |
|--|----|
| Введение.....  | 3  |
| 1. Задание на выполнение расчетной работы.....               | 3  |
| 2. Порядок выполнения работы.....                            | 7  |
| 2.1. Определение M, Q, N.....                                | 7  |
| 2.2. Правило знаков.....                                     | 8  |
| 2.3. Вывод выражений M(S), Q(S), N(S) и построение эпюр..... | 9  |
| 2.4. Проверка эпюр M, Q, N.....                              | 9  |
| 2.5. Определение перемещений.....                            | 10 |
| 2.5.1. Вспомогательные состояния.....                        | 10 |
| 2.5.2. Расчетные формулы.....                                | 10 |
| 2.5.3. Техника интегрирования.....                           | 11 |
| 3. Пример выполнения задания.....                            | 11 |
| 3.1. Построение эпюр M, Q, N.....                            | 12 |
| 3.2. Проверка равновесия узлов и стержней.....               | 14 |
| 3.3. Определение перемещений.....                            | 15 |
| 4. Инструкция к программе расчета на ЭВМ.....                | 16 |